



## Évaluation №16 Probabilité

Coloriez les 3 premières lettres de votre nom et de votre prénom.

A	B	C	D	E	F														
G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z

NOM ET PRÉNOM :

### Consignes

*Aucun document n'est autorisé.*

*L'usage de la calculatrice est autorisé.*

*Le total des points est 34.*

Vous devez colorier les cases au stylo *bleu* ou *noir* pour répondre aux questions. En cas d'erreur, effacez au « *blanco* » *sans redessiner la case*.

*Toute action volontaire rendant impossible ou difficile l'identification ou la correction de la copie engendre une dégradation de la note finale.*

Les questions, sans le symbole , ont une *unique* bonne réponse permettant d'attribuer le(s) point(s).

Les questions faisant apparaître le symbole  peuvent présenter une ou plusieurs bonnes réponses.

Dans ces questions, tous les points seront attribués si toutes les réponses justes sont cochées ; des points seront retirés en fonction du nombre de réponses fausses cochées.

Pour les questions ouvertes, *tous les calculs seront justifiés et la clarté de la rédaction sera prise en compte dans la notation.*

Respect des consignes	-1	-0,5	0	Réserve
-----------------------	----	------	---	---------

### Question de cours

**Question 1** En situation d'équiprobabilité, à quoi est égale la probabilité d'un évènement  $A$  ?

50%

$\frac{1}{6}$

Nombre d'éléments dans  $\Omega$   
Nombre d'éléments dans  $A$

Nombre d'éléments dans  $A$   
Nombre d'éléments dans  $\Omega$

**Question 2** Deux événements  $A$  et  $B$  sont incompatibles lorsque :

$$A \cap B = \emptyset$$

$$\overline{A} = \emptyset$$

$$\overline{B} = \emptyset$$

$$A \cup B = \emptyset$$

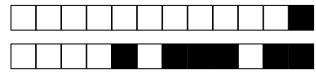
**Question 3** Qu'est-ce qu'une issue ?

La fin d'une expérience

La probabilité d'un résultat

Un résultat impossible d'une expérience

Un résultat possible d'une expérience



**Question 4** Pour un dé à 6 faces, « *on obtient un nombre entier* » est un évènement :

- impossible.      probable.      certain.      peu probable.

**Question 5** On lance deux dés bien équilibrés dont les faces sont numérotées de 1 à 6. On s'intéresse à leur somme. L'évènement « *obtenir 12* » est un évènement :

- certain.      impossible.      éternel.      élémentaire.

**Question 6** On lance un dé à six faces. Les évènements « *obtenir 2* » et « *obtenir un nombre impair* » sont deux évènements :

- opposés      impossibles      contraires      incompatibles

**Question 7** On désigne par  $A$  et  $B$  deux évènements incompatibles. Alors,

$$P(A \cap B) = 1 \quad P(A \cup B) = 1 \quad P(A \cap B) = 0 \quad P(A \cup B) = 0$$

**Question 8** Que vaut  $P(A \cup B)$  ?

$$\begin{array}{ll} P(A) + P(B) + P(A \cap B) & P(A) + P(B) - P(A \cap B) \\ P(A) - P(B) - P(A \cap B) & P(A) + P(B) \end{array}$$

---

## Univers, événements et probabilité simples

---

**Question 9**

Un concessionnaire propose deux options sur les voitures qu'il vend: la peinture métallisée ( $M$ ) et l'autoradio Bluetooth ( $B$ ). On choisit une voiture au hasard. L'événement  $M \cap B$  peut s'énoncer :

la voiture n'a qu'une option.

la voiture a les deux options.

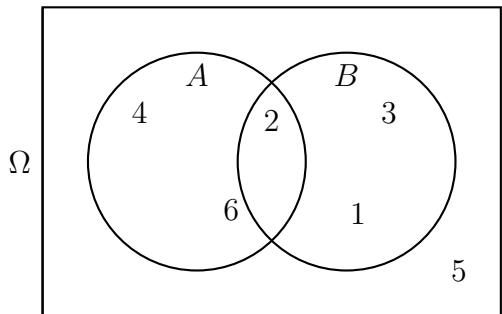
la voiture n'a aucune option.

la voiture a l'option  $M$  ou l'option  $B$ .



### Question 10 ♣

On lance un dé bien équilibré dont les faces sont numérotées de 1 à 6. soit  $A$  l'évènement « *obtenir un nombre pair* » et  $B$  l'évènement « *obtenir un nombre strictement inférieur à 4* ». La situation est représentée par le diagramme de Venn ci-contre.



Quelle(s) sont les issue(s) réalisant l'évènement  $\overline{A} \cap \overline{B}$  ?

3

4

5

1

2

6

### Question 11

On donne la répartition des élèves de première dans un lycée dans le tableau des effectifs croisés ci-contre.

On choisit un élève au hasard. Quelle est la probabilité que ce soit un garçon ou un(e) élève de première A ?

	A	B	C	Total
Fille	18	8	63	89
Garçon	43	18	39	100
Total	61	28	102	189

$\frac{18}{61}$

$\frac{132}{189}$

$\frac{61}{189}$

$\frac{150}{189}$

### Question 12

Dans le tableau ci-contre, sont regroupés les projets d'étude de 1200 élèves d'un lycée. On choisit un élève au hasard.

On note par  $F$  l'évènement « *l'élève choisi est une fille* » et  $U$  « *l'élève choisi est inscrit à l'université* ». Quelle est la probabilité de l'évènement  $\overline{U} \cap F$  ?

	BTS	Université	Autre	Total
Fille	363	132		720
Garçon	297		51	480
Total		264		

1

0

0,11

0,6

0,49

0,89



### Question 13

On dispose d'un dé cubique non-équilibré (truqué)

pour lequel la loi de probabilité est donnée par le tableau ci-contre.

On note les événements  $A = \text{« le résultat est pair »}$ ,

$B = \text{« le résultat est au plus égal à 3 »}$  et  $C = \text{« le résultat est un nombre premier »}$ .

$\omega$	1	2	3	4	5	6
$P(\omega)$	$\frac{5}{23}$	$\frac{5}{23}$	$\frac{3}{23}$	$\frac{6}{23}$	$\frac{2}{23}$	$a$

$a =$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
<hr/>									
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

1<sup>re</sup> ligne chiffre des dizaines du numérateur,  
2<sup>re</sup> ligne chiffre des unités du numérateur,  
3<sup>e</sup> et 4<sup>e</sup> ligne dénominateur (cocher 01 si entier)  
et préciser le signe.

$P(B \cap C) =$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
<hr/>									
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

1<sup>re</sup> ligne chiffre des dizaines du numérateur,  
2<sup>re</sup> ligne chiffre des unités du numérateur,  
3<sup>e</sup> et 4<sup>e</sup> ligne dénominateur (cocher 01 si entier)  
et préciser le signe.

$P(\bar{A}) =$

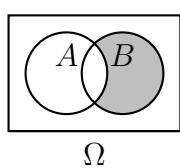
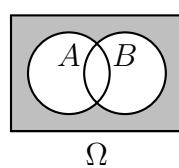
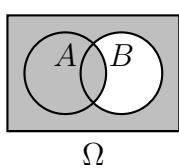
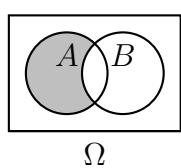
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
<hr/>									
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

1<sup>re</sup> ligne chiffre des dizaines du numérateur,  
2<sup>re</sup> ligne chiffre des unités du numérateur,  
3<sup>e</sup> et 4<sup>e</sup> ligne dénominateur (cocher 01 si entier)  
et préciser le signe.

### Question 14

$A$  et  $B$  sont deux évènements tels que  $P(A) = 0,66$ ,  $P(B) = 0,78$  et  $P(A \cup B) = 0,9$ .

Cochez le diagramme de Venn où la partie coloriée correspond à  $A \cap \bar{B}$



Déterminer les probabilités suivantes :

$P(A \cap B) =$	$0, 0$	$1, 1$	$2, 2$	$3, 3$	$4, 4$	$5, 5$	$6, 6$	$7, 7$	$8, 8$	$0,$	$9, 9$
$P(A \cap \bar{B}) =$	$0, 0$	$1, 1$	$2, 2$	$3, 3$	$4, 4$	$5, 5$	$6, 6$	$7, 7$	$8, 8$	$0,$	$9, 9$
$P(A \cup \bar{B}) =$	$0, 0$	$1, 1$	$2, 2$	$3, 3$	$4, 4$	$5, 5$	$6, 6$	$7, 7$	$8, 8$	$0,$	$9, 9$

**Question 15**

$A$  et  $B$  sont deux évènements incompatibles tels que  $P(A) = 0,54$ ,  $P(B) = 0,28$ . Alors  $P(A \cap \bar{B}) =$

0,28

0,18

0,82

0

**Modéliser à l'aide de diagrammes, de tableaux croisés ou d'arbres**

**Question 16** On lance un dé cubique non pipé (non truqué) puis une pièce de 1 € bien équilibrée. À "PILE", on associe le nombre 1 ; à "FACE", on associe le nombre 2. On note alors la somme du numéro obtenu sur le dé et du nombre obtenu par la pièce. Quelle est la probabilité d'obtenir une somme impaire ?

$$\frac{1}{2} \quad \frac{6}{8} \quad \frac{3}{8} \quad \frac{7}{12}$$

**Question 17** On s'intéresse aux familles de deux enfants, sans jumeaux, et en ne tenant compte que du sexe des enfants.

Quelle est la probabilité de l'événement « la famille a deux filles »

$$\frac{1}{4} \quad 1 \quad \frac{1}{2} \quad \frac{1}{8}$$

**Question 18** On lance deux fois de suite un dé parfaitement équilibré. La probabilité de l'événement « j'obtiens un double 6 » est égale à :

$$\frac{1}{3} \quad \frac{2}{36} \quad 1 \quad \frac{1}{36}$$



**Question 19** Un élève répond au hasard aux 4 questions d'un QCM. Chaque proposition du test propose trois réponses dont une seule est juste. On appelle  $J$  l'événement "l'élève a 4 réponses justes". Alors  $P(J)$  est égale à :

$$\frac{1}{4} \quad \frac{4}{3} \quad \frac{1}{81} \quad \frac{1}{12}$$

**Question 20**

On considère une expérience consistant à tirer au hasard une carte dans un jeu de 32 cartes. On définit alors les quatre événements :

- $A$  : « la carte tirée est un roi » ;
- $B$  : « la carte tirée est une figure (As, Roi, Dame ou Valet) rouge » ;
- $C$  : « la carte tirée est un cœur » ;
- $D$  : « la carte tirée est un nombre ».

La probabilité de l'événement  $\overline{B \cap D}$  est égale à :

$$\frac{12}{32} \quad \frac{8}{32} \quad \frac{4}{\frac{32}{24}} \quad 0 \quad 1$$

♥	♦	♠	♣
As	As	As	As
R	R	R	R
D	D	D	D
V	V	V	V
10	10	10	10
9	9	9	9
8	8	8	8
7	7	7	7

**Exercice 21**

Dans une urne, il y a 1 boule noire et 2 boules orange indiscernables au toucher. On tire successivement et avec remise deux boules et on note leur couleur.

Donner les probabilités des événements suivants sous forme d'une fraction irréductible.

$A$  = « obtenir deux boules noires ».  $P(A) = \dots$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

$B$  = « obtenir deux boules de la même couleur ».

$P(B) = \dots$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

$C$  = « obtenir deux boules de couleurs différentes ».

$P(C) = \dots$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9



## Exercice 22

Dans cet exercice les probabilités seront données sous forme de fractions irréductibles.

Charlotte décide de jouer à son jeu favori : le jeu de rôle. Pour cela elle dispose de quatre dés : le premier, à 4 faces ; le second, à 10 faces ; le troisième, 12 faces ; et le dernier à 6 faces. Ces quatre dés sont parfaitement équilibrés.

Un jet du dé à 4 faces détermine la classe du personnage (1 donne un guerrier, 2 donne un voleur, 3 donne un mage et 4 donne un prêtre).

- 1) Quelle est la probabilité qu'elle ait un mage ?

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

- 2) Elle lance le dé à 10 faces une fois pour déterminer sa force.

Quelle est la probabilité d'obtenir un personnage dont la force soit supérieure ou égale à 8 ?

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

- 3) Pour déterminer l'agilité de son personnage, elle peut lancer une fois le dé à douze faces ou deux fois le dé à six faces en ajoutant les deux résultats.

- a) Si elle choisit de lancer deux fois le dé à 6 faces. Quelle sera la probabilité d'obtenir une agilité supérieure ou égale à 10 ?

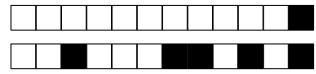
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

- b) Que doit-elle choisir pour que la probabilité d'obtenir une agilité supérieure ou égale à 10, soit la plus grande possible ?

Elle doit choisir le dé à 12 faces.

La probabilité est la même dans les deux cas

Elle doit choisir de lancer deux fois le dé à six faces



EXTRA

Vu

Réservé

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--